

L'algoritmo di Prim produce ovviamente un albero, poiché ad ogni iterazione viene aggiunto un vertice che ha almeno un'edge che lo collega a un vertice in  $S$  e non nella "fore" di  $S$  (quindi non crea cicli).

Ad ogni iterazione si aggiunge a  $T$  l'edge di minimo costo che ha un estremo in  $S$  e l'altro in  $V-S$ .

### Esercizio 34

Kruskal ( $G = (V, E)$ ,  $w$ )

for  $\forall v \in V$

~~MAKE-SET~~  $\checkmark$   $\text{MAKE-SET}(v)$

ORDINA  $e$  dove  $e = (u, v)$  per  $w$  non decrescente

$T \leftarrow \emptyset$

foreach  $e = (u, v) \in E$

if  $\text{FINDSET}(u) \neq \text{FINDSET}(v)$

$T \leftarrow T \cup e$

UNION( $u, v$ )

return  $T$

L'algoritmo di Kruskal è efficiente poiché confrontando le componenti connesse

determina se l'aggiunta di un edge  $(u, v)$  creerebbe un ciclo. Se  $\text{find}(u) = \text{find}(v)$  creerebbe un ciclo, se diverse non creerebbe un ciclo.

Aggiungiamo a  $T$  ad uno ad uno gli edge del grafo in ordine crescente, saltando gli edge che creano cicli con gli edge già aggiunti.